

(2308MAT20)

THREE YEAR B.A./B.Sc. (CBCS) DEGREE EXAMINATIONS, NOVEMBER/DECEMBER 2021.

(Regular)

SECOND SEMESTER

Part II : Mathematics

4008

THREE DIMENSIONAL ANALYTICAL SOLID GEOMETRY

Time : 3 Hours

Max. Marks : 75

PART - A

ఫాగము - 2

Answer any FIVE of the following questions.

ఏవేని ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానములు వ్రాయము.

(Marks :  $5 \times 5$  marks = 25 marks)

1. Find the equation to the plane through the points  $(1, -2, 4), (3, -4, 5)$  and perpendicular to  $XY$ -plane.  
 $(1, -2, 4)$  మరియు  $(3, -4, 5)$  బిందువుల గుండాపాత్ర,  $XY$ - తలానికి లంబంగా వుండే తలము యొక్క సమీకరణమును కనుకోండి.
2. Find the distances of the points  $(2, 3, 4)$  and  $(1, 1, 4)$  from the plane  $3x - 6y + 2z + 11 = 0$ .  
 $(2, 3, 4)$  మరియు  $(1, 1, 4)$  బిందువుల సుండి  $3x - 6y + 2z + 11 = 0$  తలానికి దూరాలు కనుకోండి.
3. Show that the line  $\frac{x+1}{-1} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+5}{5}$  lies in the plane  $x + 2y - z = 0$ .  
 $\frac{x+1}{-1} = \frac{y+2}{3} = \frac{z+5}{5}$  అను రేఖ  $x + 2y - z = 0$  తలం పై ఉంటుందని చూపండి.
4. Find the point of intersection of the lines  $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2} = \frac{y-3}{2}$  and  $\frac{x-1}{3} = \frac{y-5}{1} = \frac{z}{-5}$ .  
 $\frac{x-1}{-3} = \frac{y-2}{2} = \frac{y-3}{2}$  మరియు  $\frac{x-1}{3} = \frac{y-5}{1} = \frac{z}{-5}$  రేఖల భిందువుకు కనుకోండి.
5. Find the centre and radius of the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 8y - 10z + 1 = 0$ .  
 $x^2 + y^2 + z^2 - 6x + 8y - 10z + 1 = 0$  అనే గోళానికి కేంద్రము మరియు వ్యాసార్థాలను కనుకోండి.

[P.T.O]

6. Find the equation of the sphere through the circle  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$ ,  $2x + 3y + 4z = 5$  and the point (1, 2, 3).

$x^2 + y^2 + z^2 = 9$ ,  $2x + 3y + 4z = 5$  అనే వృత్తం గుండాను మరియు (1, 2, 3) బిందువుల గుండా పాయి గోళము యొక్క సమీకరణమును కనుకోండి.

7. Find the equation of the tangent plane to the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 = 9$  at the point (2, -2, 1).

$x^2 + y^2 + z^2 = 9$  అనే గోళానికి (2, -2, 1) బిందువు వద్ద స్పర్శ తలాన్ని కనుకోండి.

8. Find the value of "d", if the spheres  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + y - 3z - 4 = 0$ ,  $x^2 + y^2 + z^2 - 5x - 6y + 2z + d = 0$  cut orthogonally.

$x^2 + y^2 + z^2 - 2x + y - 3z - 4 = 0$ ,  $x^2 + y^2 + z^2 - 5x - 6y + 2z + d = 0$  అనే గోళాల లంబంగా ఖండిస్తే "d" విలువ కనుకోండి.

9. Find the enveloping cone of the sphere  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4z - 1 = 0$  with its vertex at (1, 1, 1).

(1, 1, 1) వద్ద శీర్షముగా  $x^2 + y^2 + z^2 - 2x + 4z - 1 = 0$  అను గోళమునకు స్పర్శ శంఖువు సమీకరణమును కనుకోండి.

10. Find the equation of the cone with the vertex (1, 1, 2) and guiding curve  $x^2 + y^2 = 4, z = 0$ .

(1, 1, 2) శీర్షంగా,  $x^2 + y^2 = 4, z = 0$  భూపరంగా గల శంఖువు సమీకరణమును కనుకోండి.

### PART - B

#### భాగము - 2

Answer any FIVE of the following questions.

ఏవేని ఐదు ప్రశ్నలకు సమాధానములు ల్రాయిము.

(Marks :  $5 \times 10$  marks = 50 marks)

11. Find the equation of the plane bisecting the obtuse angle between the planes  $3x + 4y + 5z + 1 = 0$  and  $5x + 12y - 13z = 0$ .

$3x + 4y + 5z + 1 = 0$  మరియు  $5x + 12y - 13z = 0$  అను తలాల మధ్య గురు కోణాన్ని సమాన్య ఖండన చేసి తలము సమీకరణమును కనుకోండి.

12. Prove that the equations  $2x^2 - 3y^2 + 4z^2 + xy + 6zx - yz = 0$  represents a pair of planes and find the angle between them.

$2x^2 - 3y^2 + 4z^2 + xy + 6zx - yz = 0$  అను సమీకరణము తల యుగ్మాన్ని సూచిస్తుందని చూపి, వాటి మధ్య కోణము కనుకోండి.

12

(2308MAT20)

13. Show that the lines  $\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$  and  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$  are Coplanar.

$\frac{x-1}{2} = \frac{y-2}{3} = \frac{z-3}{4}$  మరియు  $\frac{x-2}{3} = \frac{y-3}{4} = \frac{z-4}{5}$  అను సరళ రేఖలు సత్తలీయాలని చూపండి.

14. Find the length and equations to the lines of shortest distance between the lines  
 $\frac{x-3}{-1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+2}{1}; \frac{x-1}{1} = \frac{y+7}{3} = \frac{z+2}{2}$ .

$\frac{x-3}{-1} = \frac{y-3}{2} = \frac{z+2}{1}; \frac{x-1}{1} = \frac{y+7}{3} = \frac{z+2}{2}$  రేఖల మధ్య అల్పతమ దూరాన్ని మరియు అల్పతమ దూరరేఖ నమికరణమును కనుక్కోండి.

15. Find the centre and radius of the circle  $x - 2y + 2z = 15, x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 4z - 11 = 0$ .

$x - 2y + 2z = 15, x^2 + y^2 + z^2 - 2y - 4z - 11 = 0$  వృత్తము యొక్క కేంద్రము మరియు వ్యాసార్థమును కనుక్కోండి.

16. Find whether the following circle is a great circle or small circle  
 $x^2 + y^2 + z^2 + 7y - 2z + 2 = 0, 2x + 3y + 4z = 8$ .

$x^2 + y^2 + z^2 + 7y - 2z + 2 = 0, 2x + 3y + 4z = 8$  వృత్తము లఘు వృత్తమూ లేదా గురు వృత్తమూ కనుక్కోండి.

17. If  $r_1, r_2$  are the radii of two orthogonal spheres, then prove that that radius of the circle of their intersection is  $\frac{r_1 r_2}{\sqrt{r_1^2 + r_2^2}}$  units.

$r_1, r_2$  వ్యాసార్థాలుగా గల గోళాలు లంబంగా ఖండించుకుంటే వాటి ఉప్పుడి వృత్త వ్యాసం  $\frac{r_1 r_2}{\sqrt{r_1^2 + r_2^2}}$  యూనిట్లు అని చూపండి.

18. Find the limiting points of the co-axial system of spheres  
 $x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 3y + 6 + \lambda(x + y + 2z) = 0$ .

$x^2 + y^2 + z^2 + 3x - 3y + 6 + \lambda(x + y + 2z) = 0$  సహాక్రగోళ సరళాలికి అవధి బిందువులు కనుక్కోండి.

(2308MAT20)  
[P.T.O.]

19. Find the vertex of the cone  $x^2 - 2y^2 + 3z^2 - 4xy + 5yz - 6zx + 8x - 19y - 2z - 20 = 0$ .

$x^2 - 2y^2 + 3z^2 - 4xy + 5yz - 6zx + 8x - 19y - 2z - 20 = 0$  శంఖవుకు శీర్షమును కనుకోండి.

20. Find the equation of the right circular cone whose vertex is  $A(1,1,1)$ , axis the line  $\frac{x-1}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{3}$  and the semi-vertical angle  $30^\circ$ .

శీర్షము  $A(1,1,1)$ ,  $\frac{x-1}{-1} = \frac{y-1}{2} = \frac{z-1}{3}$  అడ్డం వరియు శీర్షార్క కేణం  $30^\circ$  ఉన్న వర్తల శంఖవును కనుకోండి.